Sobre La Mecánica Clásica de los Cuerpos Puntuales II

Alejandro A. Torassa

Buenos Aires, Argentina, E-mail: atorassa@gmail.com

Resumen. Este trabajo expone una nueva dinámica que puede ser formulada para todos los sistemas de referencia, inerciales y no inerciales.

Keywords: mecánica clásica, dinámica, fuerza, interacción, masa, aceleración, sistema de referencia inercial, sistema de referencia no inercial.

Introducción

Es sabido que la mecánica clásica no puede formular la dinámica de Newton para todos los sistemas de referencia, debido a que ésta no siempre conserva su forma al ser pasada de un sistema de referencia a otro. Si admitimos, por ejemplo, que la dinámica de Newton es válida para un sistema de referencia, entonces no podemos admitir que sea válida para otro sistema de referencia acelerado con respecto al primero, porque el comportamiento de los cuerpos puntuales para el segundo sistema de referencia es distinto a lo establecido por la dinámica de Newton.

La mecánica clásica soluciona esta dificultad, distinguiendo a los sistemas de referencia: en sistemas de referencia inerciales, para los cuales se formula la dinámica de Newton, y en sistemas de referencia no inerciales, para los cuales no se formula la dinámica de Newton; contradiciendo con esta solución, al principio de relatividad general, que afirma: todos los sistemas de referencia obtendrán las mismas leyes naturales.

Sin embargo, este trabajo soluciona la dificultad expuesta de la mecánica clásica de una manera diferente, exponiendo una nueva dinámica que podrá ser formulada para todos los sistemas de referencia, inerciales y no inerciales, ya que la misma conservará siempre su forma al ser pasada de un sistema de referencia a otro; o sea, este trabajo expone una nueva dinámica acorde con el principio de relatividad general.

Nueva Dinámica

Primera definición: La fuerza $\mathbf{F}$ que actúa sobre un cuerpo puntual es una magnitud vectorial y representa la interacción entre los cuerpos puntuales.

Segunda definición: La masa m que tiene un cuerpo puntual es una magnitud escalar y representa una constante característica del cuerpo puntual.

Tercera definición: La aceleración virtual $\mathbf{a}^\circ$ que tiene un cuerpo puntual es igual a la suma de las fuerzas $\sum \mathbf{F}$ que actúan sobre el cuerpo puntual dividido por la masa m que tiene el cuerpo puntual.

$$\mathbf{a}^\circ = \frac{\sum \mathbf{F}}{m}$$

Primer principio: La diferencia entre la aceleración virtual $\mathbf{a}_a^\circ$ y la aceleración real $\mathbf{a}_a$ que tiene un cuerpo puntual A es igual a la diferencia entre la aceleración virtual $\mathbf{a}_b^\circ$ y la aceleración real $\mathbf{a}_b$ que tiene otro cuerpo puntual B.

$$\mathbf{a}_a^\circ - \mathbf{a}_a = \mathbf{a}_b^\circ - \mathbf{a}_b$$

Determinación del Movimiento de los Cuerpos Puntuales

La ecuación que determina la aceleración real $\mathbf{a}_a$ de un cuerpo puntual A con respecto a un sistema de referencia S ligado a un cuerpo puntual S puede ser calculada de la siguiente manera: se tiene por el primer principio de la nueva dinámica que la aceleración virtual $\mathbf{a}_a^\circ$ y la aceleración real $\mathbf{a}_a$ del cuerpo puntual A están relacionadas con la aceleración virtual $\mathbf{a}_s^\circ$ y la aceleración real $\mathbf{a}_s$ del cuerpo puntual S según la siguiente ecuación:

$$\mathbf{a}_a^\circ - \mathbf{a}_a = \mathbf{a}_s^\circ - \mathbf{a}_s$$

Despejando $\mathbf{a}_a$ y como la aceleración real $\mathbf{a}_s$ del cuerpo puntual S con respecto al sistema de referencia S siempre es igual a cero, entonces se obtiene:

$$\mathbf{a}_a = \mathbf{a}_a^\circ - \mathbf{a}_s^\circ$$

Por último, reemplazando $\mathbf{a}_a^\circ$ y $\mathbf{a}_s^\circ$ por su expresión, o sea utilizando la tercera definición de la nueva dinámica, entonces queda:

$$\mathbf{a}_a = \frac{\sum \mathbf{F}_a}{m_a} - \frac{\sum \mathbf{F}_s}{m_s}$$

Por lo tanto, la aceleración real $\mathbf{a}_a$ de un cuerpo puntual A con respecto a un sistema de referencia S ligado a un cuerpo puntual S estará determinada por la ecuación anterior; donde $\sum \mathbf{F}_a$ es la suma de las fuerzas que actúan sobre el cuerpo puntual A, m_a es la masa del cuerpo puntual A, $\sum \mathbf{F}_s$ es la suma de las fuerzas que actúan sobre el cuerpo puntual S y m_s es la masa del cuerpo puntual S.

Conclusiones

A diferencia de lo que establece la primera y segunda ley de Newton, de la última ecuación se deduce que la aceleración real del cuerpo puntual A con respecto al sistema de referencia S no depende solamente de las fuerzas que actúan sobre el cuerpo puntual A sino que también depende de las fuerzas que actúan sobre el cuerpo puntual S donde se halla ligado el sistema de referencia S. O sea, para el sistema de referencia S el cuerpo puntual A puede tener una aceleración real aún si sobre el cuerpo puntual A no actúa fuerza alguna y también para el sistema de referencia S el cuerpo puntual A puede no tener una aceleración real (estado de reposo o de movimiento rectilíneo uniforme) aún si sobre el cuerpo puntual A actúa una fuerza no equilibrada.

Por otro lado, de la última ecuación también se deduce que la segunda ley Newton será válida para el sistema de referencia S solamente si la suma de las fuerzas que actúan sobre el cuerpo puntual S es igual a cero. Por lo tanto, el sistema de referencia S será un sistema de referencia inercial si la suma de las fuerzas que actúan sobre el cuerpo puntual S es igual a cero pero será un sistema de referencia no inercial si la suma de las fuerzas que actúan sobre el cuerpo puntual S no es igual a cero.

Además, se notará que por medio de la nueva dinámica un sistema de referencia no inercial podrá describir el comportamiento (movimiento) de un cuerpo puntual exactamente de la misma forma que lo hace un sistema referencia inercial y sin necesidad de introducir fuerzas ficticias (conocidas como pseudofuerzas, fuerzas inerciales o fuerzas no inerciales).

Por último, se notará también que la nueva dinámica seguiría siendo válida aún si la tercera ley de Newton no fuese válida.

Apéndice

Comportamiento Dinámico de los Cuerpos Puntuales

Según la dinámica de Newton el comportamiento de dos cuerpos puntuales A y B estará determinado para un sistema de referencia S (inercial) por las siguientes ecuaciones:

$$\sum \mathbf{F}_a = m_a \mathbf{a}_a \quad y \quad \sum \mathbf{F}_b = m_b \mathbf{a}_b \tag{1}$$

o sea:

$$\frac{\sum \mathbf{F}_a}{m_a} - \mathbf{a}_a = 0 \quad y \quad \frac{\sum \mathbf{F}_b}{m_b} - \mathbf{a}_b = 0 \tag{2}$$

Igualando las ecuaciones (2), se obtiene:

$$\frac{\sum \mathbf{F}_a}{m_a} - \mathbf{a}_a = \frac{\sum \mathbf{F}_b}{m_b} - \mathbf{a}_b \tag{3}$$

Por lo tanto, el comportamiento de los cuerpos puntuales A y B estará determinado ahora para el sistema de referencia S por la ecuación (3).

Si se pasa la ecuación (3) del sistema de referencia S a otro sistema de referencia S' (inercial o no inercial), utilizando la transformación de la cinemática: $\mathbf{a}' = \mathbf{a} - \mathbf{a}_{o'}$ y las transformaciones de la dinámica: $\mathbf{F}' = \mathbf{F}$ y $m' = m$, se deduce:

$$\frac{\sum \mathbf{F}'_a}{m'_a} - \mathbf{a}'_a = \frac{\sum \mathbf{F}'_b}{m'_b} - \mathbf{a}'_b \tag{4}$$

Ahora, como la ecuación (4) tiene la misma forma que la ecuación (3) entonces se puede establecer que el comportamiento de los cuerpos puntuales A y B estará determinado por la ecuación (3) para cualquier sistema de referencia (inercial o no inercial); siendo la ecuación (3) el primer principio de la nueva dinámica si se utiliza la tercera definición de la nueva dinámica.

Bibliografía

A. Einstein, *Sobre la Teoría de la Relatividad Especial y General*.

E. Mach, *La Ciencia de la Mecánica*.

H. Goldstein, *Mecánica Clásica*.